

Zadania 1. Dany jest czworokąt wypukły $ABCD$ niebędący równoległobokiem. Punkty M, N są odpowiednio środkami boków AB i CD . Punkty P, Q są odpowiednio środkami przekątnych AC i BD . Uzasadnij, że $MQPN$ jest równoległobokiem.

Zadania 2. Mówimy, że X wygrał pośrednio z Y , jeśli istnieje Z taki, że X wygrał z Z i Z wygrał z Y . Czy w każdym turnieju istnieje gracz, który pokonał wszystkich pośrednio lub bezpośrednio?

Zadania 3. Udowodnij, że umieszczając wierzchołki grafu w przestrzeni trójwymiarowej w punktach $(1, 1^2, 1^3), (2, 2^2, 2^3), (3, 3^2, 3^3), \dots$ można go narysować bez przecięć, w taki sposób by każda krawędź była odcinkiem.

Zadania 4. Na każdym polu nieskończonej szachownicy napisano liczbę całkowitą, przy czym każda napisana liczba występuje na tej szachownicy tylko raz. Dowieść, że dla dowolnej liczby rzeczywistej a istnieją takie dwa sąsiednie pola szachownicy, że różnica liczb napisanych na tych polach jest większa niż a .

Zadania 5. W czworokącie wypukłym $ABCD$ punkt M jest środkiem przekątnej AC . Wykaż, że jeżeli

$$\angle BAD = \angle BMC = \angle CMD,$$

to na czworokącie $ABCD$ można opisać okrąg.