

PSEUDOWYPUKŁOŚĆ JAKO DWUWYMIAROWY FENOMEN

Celem referatu jest udowodnienie następujących twierdzeń:

Twierdzenie 1. *Zbiór otwarty $\Omega \in \mathbb{C}^n$ jest pseudowypukły wtedy i tylko wtedy, gdy jego przecięcie z każdą podprzestrzenią afiniczną wymiaru zespolonego 2, traktowane, jako podzbiór otwarty w \mathbb{C}^2 , jest pseudowypukłe.*

Twierdzenie 2. (Hörmander) *Niech $\Omega \in \mathbb{C}^n$ będzie zbiorem otwartym, który nie jest pseudowypukły. Wtedy istnieje $z_0 \in \partial\Omega$, wielomian kwadratowy $q : \mathbb{C}^n \rightarrow \mathbb{R}$, oraz otoczenie U punktu z_0 takie, że $q(z_0) = 0$, $\nabla q(z_0) \neq 0$, oraz jeżeli $q(z) < 0$, to $z \in \Omega$ dla każdego $z \in U$, oraz*

$$\sum_{j=1}^n \frac{\partial q(z_0)}{\partial z_j} w_j = 0, \quad \sum_{j,k=1}^n \frac{\partial^2 q(z_0)}{\partial z_j \partial \bar{z}_k} w_j \bar{w}_k < 0$$

dla pewnego $w \in \mathbb{C}^n$. Odwrotnie, Ω nie jest pseudowypukły, jeżeli istnieje taki wielomian.

REFERENCES

- [1] Stephen G. Krantz, *Function Theory of Several Complex Variables, Second Edition*, AMS Chelsea Publishing, Providence, 2000.
- [2] Lars Hörmander, *Notions of Convexity*, Birkhäuser, Boston, 2007.