

SYLABUS PRZEDMIOTU: Matematyka dyskretna

| L.p. | Elementy składowe sylabusu | Opis |
|------|---|---|
| 1. | Nazwa przedmiotu | Matematyka dyskretna |
| 2. | Nazwa jednostki prowadzącej przedmiot | Wydział Matematyki i Informatyki, Instytut Matematyki |
| 3. | Kod przedmiotu | |
| 4. | Język przedmiotu | Język polski |
| 5. | Grupa treści kształcenia, w ramach której przedmiot jest realizowany | Przedmiot realizowany w ramach grupy treści kierunkowych. |
| 6. | Typ przedmiotu | Przedmiot obowiązkowy do ukończenia całego toku studiów. |
| 7. | Rok studiów, semestr | Rok II, semestr III , specjalność komputerowa |
| 8. | Imię i nazwisko osoby (osób) prowadzącej przedmiot | |
| 9. | Imię i nazwisko osoby (osób) egzaminującej bądź udzielającej zaliczenia w przypadku, gdy nie jest nim osoba prowadząca dany przedmiot | |
| 10. | Formuła przedmiotu | Wykład i ćwiczenia |
| 11. | Wymagania wstępne | Brak |
| 12. | Liczba godzin zajęć dydaktycznych | 45 godzin wykładu i 60 godzin ćwiczeń |
| 13. | Liczba punktów ECTS przypisana przedmiotowi | 8 |
| 14. | Czy podstawa obliczenia średniej ważonej? | Przedmiot stanowi podstawę obliczenia średniej ważonej. |

| | | |
|-----|---|---|
| 15. | Założenia i cele przedmiotu | Kurs omawia metody generowania i zliczania obiektów kombinatorycznych wraz z niezbędnymi do tego elementami algebry i teorii liczb. Zawiera wprowadzenie do teorii grafów i jej zastosowań. Kładzie nacisk na algorytmiczne aspekty omawianych zagadnień. |
| 16. | Metody dydaktyczne | Wykład prowadzony jest w tradycyjny sposób z ewentualnym wykorzystaniem projektora multimedialnego. Ćwiczenia głównie odbywają się przy tablicy, gdzie studenci rozwiązują zagadnienia teoretyczne i obliczeniowe. |
| 17. | Forma i warunki zaliczenia przedmiotu, w tym zasady dopuszczenia do egzaminu, zaliczenia z przedmiotu, a także formę i warunki zaliczenia poszczególnych form zajęć wchodzących w zakres danego przedmiotu | Przedmiot kończy się egzaminem pisemnym i/lub ustnym. Do podejścia do egzaminu konieczne jest zaliczenie ćwiczeń. Podstawą uzyskania zaliczenia z ćwiczeń jest ocenianie ciągle i/lub kilka (liczba zależy od prowadzących ćwiczenia) pisemnych sprawdzianów. |
| 18. | Treści merytoryczne przedmiotu oraz sposób ich realizacji | Indukcja matematyczna: zasada indukcji, zasady minimum i maksimum, liczby harmoniczne. Rekurencja: definicje rekurencyjne, zależności rekurencyjne, liczby Fibonacciego, rozwiązywanie równań rekurencyjnych. Zliczanie zbiorów i funkcji: zliczanie podzbiorów, zliczanie bijekcji, zliczanie iniekcji, zliczanie funkcji, zasada szufladkowa Dirichleta, zasada włączania-wyłączania. Sumy skończone i rachunek różnicowy: metody obliczania sum skończonych, rachunek różnicowy; dolna i górna silnia; sumowanie przez części. Współczynniki dwumianowe. Permutacje i podziały: rozkład permutacji na cykle, cyklowe liczby Stirlinga, podziałowe liczby Stirlinga, podziały liczby na sumy. Funkcje tworzące: rozwijanie funkcji wymiernych w szereg, funkcje tworzące w rozwiązywaniu zależności rekurencyjnych. Funkcje tworzące w zliczaniu obiektów kombinatorycznych: liczby Catalana, podziały liczby na sumy, liczby Stirlinga, liczby Bella. Asymptotyka: notacja asymptotyczna ("o duże" i pokrewne), twierdzenie o rekursji uniwersalnej, metoda przybliżeń. Teoria liczb: podzielność, NWD, NWW, liczby pierwsze, algorytm Euklidesa, rozkład na czynniki pierwsze, gęstość liczb pierwszych. Arytmetyka modularna: twierdzenie Fermata, twierdzenie Eulera, chińskie twierdzenie o resztach, rozwiązywanie równań modularnych, funkcja Mobiusa. Grafy: podstawowe pojęcia, drzewa i cykle, cykle Eulera i Hamiltona, grafy dwudzielne, skojarzenia i twierdzenie Halla, spójność, wielospójność i twierdzenie Mengera, sieci, przepływy, przekroje i twierdzenie Forda-Fulkersona, planarność i twierdzenie Kuratowskiego, kolorowanie grafów (w tym planarnych). Metody algebraiczne w teorii grafów: macierz sąsiedztwa i domknięcie przechodnie grafu, macierz incydencji, permanent i skojarzenia, wartości własne. Efekty mini-maxowe: skojarzenia, pokrycia wierzchołkowe i krawędziowe, twierdzenia Gallai, Koniga, Frobeniusa, Halla. Porządki częściowe i twierdzenie Dilwortha: pokrycie łańcuchowe, twierdzenie Dilwortha, rodziny Spernera. Własności podziałowe: zasada podziałowa, twierdzenie Ramseya, liczby Ramseya. Elementy teorii grup: grupy cykliczne i rząd elementu grupy, grupy symetrii wielokątów, twierdzenie Lagrange'a. Zastosowania teorii grup w zliczaniu obiektów kombinatorycznych: działanie grupy na zbiorze, twierdzenie Polya. Ciała skończone: pierścienie wielomianów, konstrukcja ciał skończonych, jednoznaczność ciał skończonych. Zastosowanie teorii liczb w kryptografii: kryptosystem RSA, test pierwszości Fermata, liczby Carmichaela, test pierwszości Millera-Rabina. Metoda probabilistyczna: klasyczne przykłady, metoda pierwszego |

| | | |
|-----|---|--|
| | | momentu, metoda drugiego momentu, lokalny lemat Lovasza, lemat Szemerédi'ego. |
| 19. | Wykaz literatury podstawowej i uzupełniającej, obowiązującej do zaliczenia danego przedmiotu | <p>V.Bryant, Aspekty kombinatoryki, Wydawnictwa Naukowo-Techniczne 1977.</p> <p>R.L.Graham, D.E.Knuth, O.Patashnik, Matematyka Konkretna, Państwowe Wydawnictwo Naukowe, Warszawa 1996.</p> <p>W.Lipski, Kombinatoryka dla programistów, Wydawnictwa Naukowo-Techniczne 2004.</p> <p>W.Lipski, W.Marek, Analiza kombinatoryczna, Państwowe Wydawnictwo Naukowe, Warszawa 1986.</p> <p>K.A.Ross, Ch.R.B.Wright, Matematyka Dyskretna, Państwowe Wydawnictwo Naukowe, Warszawa 1996.</p> <p>Z.Pałka, A.Ruciński, Wykłady z kombinatoryki, Wydawnictwa Naukowo-Techniczne, Warszawa 1998.</p> <p>R.J.Wilson, Wprowadzenie do teorii grafów, Wydawnictwo Naukowe PWN, Warszawa 2007.</p> |